# Shannon

IREMI 974

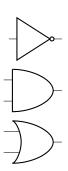
August 2021

# Aristote (IV<sup>e</sup> siècle avant J.C.)

• une fonction : la négation

• une opération : la conjonction

• une autre opération : la disjonction



# Diodore Cronos (III<sup>e</sup> siècle avant J.C.) et les stoïciens

Explorent une autre opération : l'implication



# De Morgan 1847

#### Logique formelle

## avant la première guerre mondiale



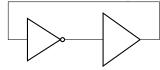
- Joseph Henry (1835) invente le relais 0000 —
- Babbage 1843 : notion de calculabilité universelle
- Kirchhoff 1845 : les circuits électriques sont des graphes
- Peirce 1870 : base les algèbres de Boole sur l'implication et la négation
- Lee de Forest (1906) : triode à vide (électronique)
- Maurice Sheffer 1914 : base les algèbres de Boole sur un



### Entre deux guerres



• Abraham et Bloch (1918) : multivibrateur





- Eccles et Jordan (1919) : bascule
- Post (début années 1920) : machine universelle binaire

#### Shannon

- né en 1916
- fondation de Bell Telephone Laboratories en 1925
- études au MIT dans les années 1930 : algèbres de Boole
- 1936 : Turing généralise la machine de Post
- 1937 : Thèse de Shannon (sur algèbre de Boole)
- Application aux télécoms en 1938
- 1938 : multiplicateur binaire (Turing à Princeton)
- 1940 : Shannon rejoint Princeton et Bell
- 1943 : Rencontre entre cryptographes (Shannon-Turing)
- 1945-1949 : théorie de la communication
- 1951: switching game
- 1953 : computers and automata : solution de Hex



# La figure 4 de Shannon

$$\frac{f(x_1 \cdots x_n)}{f(x_1 \cdots x_n)} = \frac{f(0, x_2 \cdots x_n)}{f(0, x_2 \cdots x_n)} = \frac{f(0, x_2 \cdots x_n)}{f(0, x_2 \cdots x_n)}$$

Figure 4. Expansion about one variable