# GUIDE DE SURVIE MATHÉMATIQUES

Liaison Cycle 4 – Classe de 2<sup>de</sup>



# Le guide de survie en mathématiques Liaison collège-lycée version 2021

David BLANC, professeur de mathématiques lycée Ambroise Vollard, SAINT-PIERRE

Pascal DORR, professeur de mathématiques collège de Terre-Sainte, SAINT-PIERRE

Florian TOBÉ, professeur de mathématiques collège de la Ligne des Bambous, SAINT-PIERRE

<u>www.maths974.fr</u> <u>https://irem.univ-reunion.fr</u>











KÉZAKO ?

Ce guide permet la mise en place d'une

toutes et de tous.

cohérence et d'une continuité inter-cycles au

niveau des apprentissages des mathématiques.

C'est un outil collaboratif qui a pour but de

favoriser un langage commun entre tous les

acteurs (enseignants, élèves de collège et de lycée en particulier). Cet outil se voudra évolutif

au fil du temps pour s'adapter aux besoins de

Ce « quide de survie » rassemble un ensemble indispensable de savoir-faire et de connaissances mathématiques à travailler à partir du cycle 4 jusqu'à la classe de Seconde. Six thèmes transversaux des programmes de mathématiques sont abordés dans ce quide :

- Nombres et calculs (NC1);
- Grandeurs et mesures (GM<sup>1</sup>);
- Statistiques et probabilités (SP¹);
- Fonctions (F<sup>1</sup>);
- Géométries plane et dans l'espace (GPE1);
- Algorithmique et programmation (AP1).

# **LE GUIDE DE SURVIE**

# **EN MATHÉMATIQUES**

POUR QUI ?

Cet outil s'adresse en priorité aux élèves. Il a également été conçu pour les spécialistes ou mathématiques : enseignants, assistants pédagogiques, parents, grandes sœurs, grands frères... Il permet ainsi de rendre les mathématiques accessibles à toutes et à tous.

On peut l'utiliser au collège, au lycée ou à la maison (par exemple lors de la mise en place de la continuité pédagogique) afin de consolider les savoir-faire. Ce guide peut tout à fait convenir à des élèves de Première et Terminale pour réactiver des notions non maîtrisées ou tout simplement "oubliées", en particulier dans le cadre de l'enseignement scientifique ou de certains enseignements de spécialité (SES, SVT, SPC, etc.).

#### **COMMENT?**

La plupart des notions mathématiques abordées au cycle 4 et en classe de Seconde sont organisées de manière succincte : pas de lecon, ni d'activité, mais juste des procédures ou des propriétés, toujours accompagnées d'un exemple concret.

- Un repère de progressivité indique le niveau à partir duquel la notion commence à être travaillée :
  - ♦♦ À partir du cycle 4
  - ♦♦ À partir de la classe de Seconde.

Un index thématique et une table des matières figurent en dernières pages du guide pour que chacun puisse s'y retrouver rapidement. **Auto-évaluation** 



À chaque étape, je coche le niveau qui me correspond!



# Je découvre

une connaissance ou un savoir-faire en classe ou à la maison.





# 2

#### Je comprends et je m'entraîne

à travers des tests rapides et réguliers (QCM, questions flash, "petits" exercices à faire en classe ou à la maison, etc.).



# 3

#### Je sais utiliser

la connaissance ou le savoir-faire dans des exercices donnés par le professeur (en classe: un DS<sup>2</sup> par exemple, ou en dehors de la classe : un  $DTL^3$  par exemple).



#### Je maîtrise

la connaissance ou le savoir-faire pour l'utiliser dans un problème, dans un  $DS^2$ , dans un  $DTL^3$ , etc.



Sans guide

Avec guide

<sup>1</sup>Sigles utilisés pour les "batteries" d'auto-évaluation.

<sup>2</sup>DS: devoir surveillé.

<sup>3</sup>DTL: devoir en temps libre.

# Nombres et calculs



Nombres relatifs, fractions

# ◆◇ Organiser ses calculs

NC.01

Priorité aux ( ), puis aux puissances, ensuite aux multiplications ou divisions et enfin aux additions et soustractions.

• 
$$10 - (1 + 2) \times 3 = 10 - 3 \times 3 = 10 - 9 = 1$$

• 
$$2 \times 3^2 + 8 \div 2 = 2 \times 9 + 8 \div 2 = 18 + 4 = 22$$

On fait les calculs de la gauche vers la droite lorsque l'expression ne comporte que des + et -, ou que des × et des ÷.

$$\bullet$$
 40 - 7 + 20 = 33 + 20 = 53

• 
$$15 \div 3 \times 2 = 5 \times 2 = 10$$



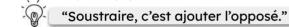
[5] De gauche à droite en cas d'égalité

# ◆◇ Ajouter et soustraire des relatifs

NC.02

- → Ajouter deux relatifs :
  - de même signe : 3 + 6 = 9 ; (-5) + (-2) = (-7) ;
  - de signes contraires : 13 + (-7) = 6; (-7) + 4 = -3.
- → Soustraire deux relatifs :

$$15 - 2 = 13$$
;  $12 - (-1) = 12 + 1 = 13$ .



#### Calculer une somme algébrique NC.03

$$A = 7 - 12 + 9 - 15$$

$$A = 7 + (-12) + 9 + (-15)$$

$$A = 7 + 9 + (-12) + (-15)$$

$$A = 16 + (-27)$$

Remplacer toutes les soustractions par des additions de l'opposé puis regrouper les positifs et les négatifs.

# Multiplier ou diviser deux relatifs



Règle des signes :

$$(+) \times (+) = (+)$$
  
 $(-) \times (-) = (+)$ 

$$(+) \times (-) = (-)$$
  
 $(-) \times (+) = (-)$ 

Exemples:

- $(-4) \times (-5) = (+20)$
- $(-6) \times (-2) = (+12)$
- $(-14) \div (+2) = (-7)$
- $(-20) \div (-4) = (+5)$

# ◆◇ Multiplier plusieurs relatifs

NC.05

On compte le nombre de facteurs (-)

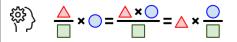
- S'il est pair, alors le résultat est + ;
- S'il est impair, alors le résultat est -.

$$(-5) \times (-2) \times (-1) \times 7 \times (-9)$$

est un nombre positif.

## Prendre une fraction d'un nombre

NC.06



$$\frac{2}{3}$$
 de  $9 = \frac{2}{3}$   $\times 9 = \frac{2 \times 9}{3} = 2 \times \frac{9}{3} = 6$ 

# ◆ Comparer des fractions

Si deux fractions ont le même dénominateur, alors la plus grande est celle qui a le plus grand numérateur.



$$\frac{5}{6} > \frac{3}{6} \operatorname{car} 5 > 3$$



Si deux fractions ont le même numérateur, alors la plus grande est celle qui a le plus petit dénominateur.



$$\frac{3}{4} > \frac{3}{5} \text{ car } 4 < 5$$



Si deux fractions ont des dénominateurs différents, alors on les réduit au même dénominateur :

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12} \\
\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12}$$

$$\frac{9}{12} > \frac{8}{12}$$

$$\frac{3}{4} > \frac{2}{3}$$

$$\frac{9}{12} > \frac{8}{12}$$

$$donc$$

$$\frac{3}{4} > \frac{2}{3}$$

On peut aussi les comparer à 1 :

$$\frac{3}{8}$$
<1 et  $\frac{9}{5}$ >1 donc  $\frac{3}{8}$ < $\frac{9}{5}$ 

# ♦♦ Fractions égales

Pour obtenir une fraction égale, on multiplie ou on divise le numérateur et le dénominateur par un même

$$\frac{6}{22} = \frac{6 \div 2}{22 \div 2} = \frac{3}{11} \quad \frac{6}{22} = \frac{2 \times 3}{2 \times 11} = \frac{3}{11}$$

$$\frac{5}{12} = \frac{5 \times 3}{12 \times 3} = \frac{15}{36} = \frac{15}{36} = \frac{5 \times 3}{12 \times 3} = \frac{5}{12}$$

# ♦♦ Ajouter ou soustraire des fractions NC.09

Avec le même dénominateur :

$$\frac{13}{6} - \frac{8}{6} = \frac{13 - 8}{6} = \frac{5}{6}$$

Avec des dénominateurs multiples l'un de l'autre :

$$\frac{1}{3} + \frac{7}{12} = \frac{1 \times 4}{3 \times 4} + \frac{7}{12} = \frac{4}{12} + \frac{7}{12} = \frac{11}{12}$$

→ Avec des dénominateurs auelconques :

$$\frac{5}{2} + \frac{1}{7} = \frac{5 \times 7}{2 \times 7} + \frac{1 \times 2}{7 \times 2} = \frac{35}{14} + \frac{2}{14} = \frac{37}{14}$$

Simplifier le résultat quand cela est possible!

## ◆◇ Multiplier ou diviser avec des fractions

NC.10

→ Pour multiplier deux fractions, on multiplie les numérateurs entre eux et les dénominateurs entre

$$\frac{3}{4} \times \frac{11}{7} = \frac{3 \times 11}{4 \times 7} = \frac{33}{28}$$

Pour diviser par une fraction, on multiplie par son inverse (inverse de la 2<sup>e</sup> fraction uniquement):



$$\frac{2}{5} \div \frac{3}{7} = \frac{2}{5} \times \frac{7}{3} = \frac{14}{15}$$

"Diviser, c'est multiplier par l'inverse."

# Nombres et calculs

# 5

# **Arithmétique**

#### ◆◆ Ensembles de nombres

NC.11

→ Un nombre est **réel** s'il est l'abscisse d'un point d'une droite graduée appelée la droite numérique.

#### L'ensemble des nombres réels est noté R.

C'est l'ensemble de tous les nombres que nous avons déjà utilisé et continuerons à utiliser en classe de Seconde.

A R C D

Un **nombre décimal** est un nombre de la forme  $\frac{a}{10^p}$ , avec a entier et p entier naturel. Un nombre décimal peut s'écrire avec un nombre fini de chiffres après la virgule.

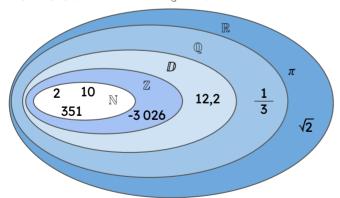
L'ensemble des nombres décimaux est noté D.

→ Un **nombre rationnel** est un nombre sous la forme d'un **quotient** avec a un entier et b un entier non nul. Le nombre  $\frac{1}{3}$  n'est pas décimal : pour le prouver, il faut faire démonstration par l'absurde. L'ensemble des nombres rationnels est noté ①.

#### Remarques:

- Les nombres  $\sqrt{2}$  et  $\pi$  ne sont ni entiers, ni décimaux, ni rationnels.
- Un nombre qui n'est pas rationnel est dit irrationnel.
- L'ensemble des entiers naturels est inclus dans celui des entiers relatifs, lui-même inclus dans l'ensemble des nombres décimaux qui est contenu dans l'ensemble des nombres rationnels qui est inclus dans l'ensemble des nombres réels.

On note :  $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset D \subset \mathbb{Q} \subset \mathbb{R}$ .



#### ◆◇ Divisibilité

NC.12

Pour savoir si b divise a, on utilise **la division euclidienne** de a par b:

 $a = b \times q + r$ 

Si r est nul, alors b divise a.

a : dividendeb : diviseur

q: quotient

r: reste

• 21 est divisible par 3

car  $21 = 3 \times 7 + 0$ ; le reste est nul.

21 n'est pas divisible par 4
 car 21 = 4×5 + 1; le reste n'est pas nul.

# **♦**♦Nombres premiers

NC.13

Un nombre est premier lorsqu'il est divisible par exactement deux nombres: par 1 et par lui-même. Exemple: Les vingt-cinq nombres premiers inférieurs à 100 sont 2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89 et 97... Cette liste est infinie!

#### Crible d'Ératosthène

NC.14

						7			
						17)			
						27			
						37)			
						47)			
						57			
						<b>67</b>			
						X			
						87			
91	92	98	94	<b>)</b> (	96	97)	98	99	100

# ◆◇Décomposer en produit de facteurs premiers

NC.15

Pour décomposer 252 en produit de facteurs premiers, on va déterminer ses diviseurs premiers dans l'ordre croissant. On obtient ainsi :

252 2 126 2 "On divise par les 63 3 plus petits nombres 21 3 premiers jusqu'à 7 7 trouver 1."

#### ◆ Fraction irréductible

NC.16

Pour rendre irréductible une fraction, on va décomposer son numérateur et son dénominateur en produit de facteurs premiers :

 $252 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 7 = 2^2 \times 3^2 \times 7$ 

$$\frac{30}{36} = \frac{\cancel{\cancel{2}} \times \cancel{\cancel{5}} \times 5}{2 \times \cancel{\cancel{2}} \times \cancel{\cancel{5}} \times 3} = \frac{5}{2 \times 3} = \frac{5}{6}$$

# ◆>Critère de divisibilité

NC.17

Un nombre est divisible par...

→ 2: si le chiffre des unités est pair (0, 2, 4, 6 ou 8).

Ex: 13 574; 279 836.

→ 3: si la somme de ses chiffres est un nombre multiple de 3.

Ex: 741 (7+4+1 = 12).

→ **5**: si le chiffre des unités est 0 ou 5. Ex: 3 570; 14 235.

→ 9: si la somme de ses chiffres est un nombre multiple

 $Ex: 6\ 318\ (6+3+1+8=18).$ 

→ 10 : si le chiffre des unités est 0.

Ex: 120; 13 000.

# Nombres et calculs

# Puissances, calcul littéral

# Les préfixes multiplicatifs

Préfixe	giga	méga	kilo	milli	micro	nano
symbole	G	М	k	m	μ	n
Puissance associée	10 <sup>9</sup>	10 <sup>6</sup>	10 <sup>3</sup>	10-3	10-6	10 <sup>-9</sup>

#### Exemple: unités de stockage informatique

1 Go (Gigaoctet) = 1 000 Mo (Mégaoctets) = 109 octets

# Calculer avec les puissances

$$5^3 = 5 \times 5 \times 5$$
;  $7^1 = 7$ ;  $12^0 = 1$ ;  $10^5 = 100\,000$ 

$$2^{-1} = \frac{1}{2} = 0.5$$
: on dit que  $2^{-1}$  est l'inverse de 2.



Ne pas confondre  $5^3 = 5 \times 5 \times 5$  avec  $5 \times 3$ .

$$(3x)^2 = 3x \times 3x = 3 \times x \times 3 \times x = 3 \times 3 \times x \times x = 9x^2$$

Propriétés: Pour multiplier deux puissances d'un même nombre, on ajoute les exposants et pour diviser deux puissances d'un même nombre, on soustrait les exposants.

$$9^3 \times 9^2 = 9^{3+2} = 9^5$$

$$\frac{10^5}{10^2} = 10^{5-2} = 10^3$$

# ◆◇ Notation scientifique

Un nombre avec un seul chiffre non nul avant la virgule, suivi d'une puissance de 10 qui multiplie ce nombre.

$$2021 = 2.021 \times 10^3$$

#### Carrés et racines carrées

		_	_
		rr	1 1
A I C	01		1 1

а	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$a^2$	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100

#### On en déduit :

$$\sqrt{1} = 1$$
 $\sqrt{4} = 2$ 
 $\sqrt{9} = 3$ 
 $\sqrt{16} = 4$ 
 $\sqrt{25} = 5$ 
 $\sqrt{36} = 6$ 
 $\sqrt{49} = 7$ 
 $\sqrt{64} = 8$ 
 $\sqrt{81} = 9$ 
 $\sqrt{100} = 10$ 
 $\sqrt{121} = 11$ 
 $\sqrt{144} = 12$ 

#### ♦♦ Encadrer une racine carrée

Pour encadrer  $\sqrt{20}$  par deux entiers consécutifs, on cherche les deux carrés qui encadrent 20.

$$16 < 20 < 25 \text{ donc } 4 < \sqrt{20} < 5$$



# ◆◇ Calculer une expression littérale

• Pour 
$$a = 7$$
,  $E = 5a - 10 = 5 \times 7 - 10 = 35 - 10 = 25$ .

• Pour 
$$y = 3$$
,  $F = y^2 + 5 = 3^2 + 5 = 9 + 5 = 14$ .

#### ◆ Tester une égalité

NC.24

L'égalité 4x + 5 = 19 - 2x est-elle vraie pour x = 2?

On a:

 $G = 4x + 5 = 4 \times 2 + 5 = 8 + 5 = 13$ 

 $D = 19 - 2x = 19 - 2 \times 2 = 19 - 4 = 15$ 

or 13  $\neq$ 15, donc l'égalité est fausse pour x = 2.

# ♦♦ Réduire une somme algébrique

NC.25

C'est l'écrire avec le moins de termes possibles!

$$A = 5 \times 4x - 2 + 11x + 7$$

$$A = 20x - 2 + 11x + 7$$

$$A = 20x + 11x - 2 + 7$$

A = 31x + 5

# Développer et réduire

NC.26

→ Distributivité simple :

$$k(a+b) = k \times a + k \times b$$

 $E = 5(2x + 3) = 5 \times 2x + 5 \times 3 = 10x + 15$ 

→ Distributivité double :

$$(a+b)(c+d) = a \times c + a \times d + b \times c + b \times d$$

$$E = (x + 6)(x + 2)$$

$$E = x \times x + x \times 2 + 6 \times x + 6 \times 2$$

$$E = x^2 + 2x + 6x + 12$$

 $E = x^2 + 8x + 12$ 

#### Factoriser

NC.27

$$\mathbf{k} \times \mathbf{a} + \mathbf{k} \times \mathbf{b} = \mathbf{k} (\mathbf{a} + \mathbf{b})$$

• 
$$E = 7a + 7b - 7c$$
  
 $E = 7(a + b - c)$ 

$$F = 15y + 10y^2$$
  
 $F = 5y \times 3 + 5y \times 2y$ 

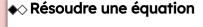
$$F = 5y (3 + 2y)$$

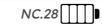
## Un peu d'histoire...

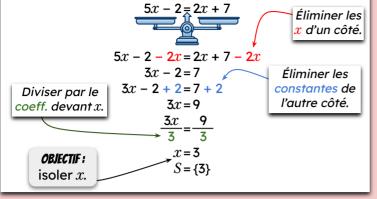
Au VIe siècle av. J-C, Hippase de Métaponte, disciple de Pythagore, découvre que la racine carrée de 2 ne peut pas s'écrire sous forme de fraction, ce qui crée une véritable crise au sein des pythagoriciens.

La légende dit qu'il aurait été condamné à la novade pour avoir révélé le secret de 🐧 l'existence de tels nombres.









# Résoudre une équation produit

Résoudre (x - 2)(2x + 3) = 0.

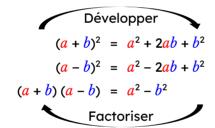
Un produit de facteurs est nul si et seulement si au moins l'un de ses facteurs est nul.

Ainsi (x - 2)(2x + 3) = 0 signifie successivement que :

$$x-2 = 0$$
 ou  $2x + 3 = 0$   
 $x = 2$  ou  $2x = -3$   
 $x = 2$  ou  $x = \frac{-3}{2}$   
 $S = \{2; -1,5\}$ 

# Les identités remarquables





Développer :

$$(3x + 4)^2 = (3x)^2 + 2 \times 3x \times 4 + 4^2$$

$$= 3 \times 3 \times x \times x + 2 \times 3 \times 4 \times x + 4 \times 4$$

$$= 9x^2 + 24x + 16$$

$$(3x - 4)^2 = (3x)^2 - 2 \times 3x \times 4 + 4^2$$
  
= 3 \times 3 \times x \times x - 2 \times 3 \times 4 \times x + 4 \times 4  
= 9x^2 - 24x + 16

$$(3x + 4)(3x - 4) = (3x)^2 - 4^2$$
  
= 3 \times 3 \times x \times x - 4 \times 4  
= 9x^2 - 16

• Factoriser:

$$25x^{2} + 30x + 9 = (5x)^{2} + 2 \times 5x \times 3 + 3^{2}$$
$$= a^{2} + 2 \times a \times b + b^{2}$$
$$= (5x + 3)^{2}$$

$$25x^{2} - 30x + 9 = (5x)^{2} - 2 \times 5x \times 3 + 3^{2}$$
$$= a^{2} - 2 \times a \times b + b^{2}$$
$$= (5x - 3)^{2}$$

$$36x^2 - 9 = (6x)^2 - 3^2 = (6x - 3)(6x + 3)$$

#### ◆◆ Intervalles

NC.31

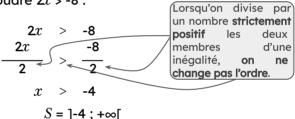
Voici des exemples illustrant les cas que l'on peut rencontrer:

Inégalités	Intervalle	Représentation	Signification
<b>-2</b> ≤ <i>x</i> ≤ <b>5</b>	$x \in [-2;5]$	-2 5	x est compris entre -2 inclus et 5 inclus.
-2 < x < 5	$x \in ]-2;5[$	-2 5	x est compris entre -2 exclu et 5 exclu.
<b>-2</b> ≤ <i>x</i> < 5	$x \in [-2;5[$	<del>-[                                    </del>	x est compris entre -2 inclus et 5 exclu.
<b>-2</b> < <i>x</i> ≤ 5	$x \in ]-2;5]$	-2 5	x est compris entre -2 exclu et 5 inclus.
$x \le 5$ ou $5 \ge x$	$x \in ]-\infty;5]$	5	x est inférieur ou égal à 5.
x < 5 ou $5 > x$	$x \in ]-\infty; 5[$	5	x est strictement inférieur à 5.
$-2 \le x \text{ ou } x \ge -2$	<i>x</i> ∈ [-2; +∞[	-2	x est supérieur ou égal à -2.
-2 < x  ou  x > -2	$x \in ]-2;+\infty[$	-2	x est strictement supérieur à -2.

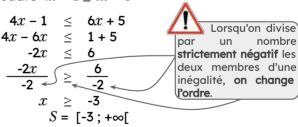
# Résoudre une inéquation

NC.32

• Résoudre 2x > -8:



• Résoudre  $4x - 1 \le 6x + 5$ 



#### ◆◆ Valeur absolue

NC.33

La valeur absolue d'un nombre x est égale à :

- $\Box$   $x \operatorname{si} x \operatorname{est} \operatorname{positif}$ ;
- $\Box$  -x si x est négatif.

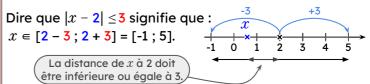
La valeur absolue de x se note |x|.

$$Ex: |3| = 3; |-1,5| = 1,5.$$

Soit  $\alpha$  un nombre réel et r un nombre réel positif.

Dire que x est tel que  $|x - a| \le r$  signifie que x

appartient à l'intervalle [a - r; a + r].



#### ♦♦ Reconnaître la proportionnalité

GM.01

#### Avec le test du double :

Lorsque **deux grandeurs** quantité et prix varient de la **même** façon, on parle de **proportionnalité**.

Si 1 kg coûte  $3 \in$ , 2 kg coûteront donc deux fois ce prix, soit  $2 \times 3 \in$  =  $6 \in$ .



Deux grandeurs ne sont pas toujours proportionnelles :

"Pour le double de ..., a-t-on le double de ...?": Si à 14 ans tu mesures 1 mètre 50, alors à 28 ans tu devrais mesurer 3 m, ce qui est absurde!

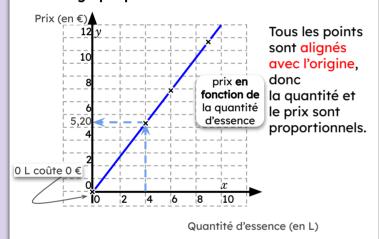
#### Dans un tableau :

Léo fait 3 fois le plein de son scooter et note les prix :

Quantité d'essence (en L)	6	4	9			
Prix (en €)	7,80	5,20	11,70			
$\frac{7,80}{6}$ =1,30; $\frac{5,20}{4}$ =1,30; $\frac{11,70}{9}$ =1,30						

Tous les quotients sont égaux, donc la quantité d'essence et le prix sont proportionnels.

#### Sur un graphique :



# ◆◇ Ratio

GM.03

Dans la recette d'un cocktail on trouve du jus d'orange, du jus de pomme, du jus de citron et de la limonade dans le ratio 4:4:1:3.

Quelle quantité de limonade faut-il prévoir pour préparer 1,5 L de boisson ?

- 4 + 4 + 1 + 3 = 12 parts.
- $1.5 L \div 12 = 0.125 L = 12.5 cL$  pour une part.
- 3 × 12,5 cL = 37,5 cL de limonade.

# ◆◇ Calculer avec la proportionnalité

GM.02

#### Avec le passage à l'unité :

3 samoussas coûtent 1,20 €. Quel est le prix de 7 samoussas ?

- 3 samoussas coûtent 1,20 €.
- 1 samoussa : 1,20 € ÷ 3 = 0,40 €.
- 7 samoussas : 7 × 0,40 € = 2,80 €.

#### Avec le coefficient de proportionnalité :

2 bouteilles de soda coûtent 3,40 €. Calculer le prix de 7 bouteilles.

Avec 17 €, combien peut-on s'acheter de bouteilles ?

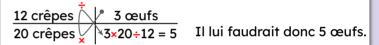
1/	Bouteilles	2	7	10	× 1.70
÷ 1,70	Prix (en €)	3,40	11,90	17	

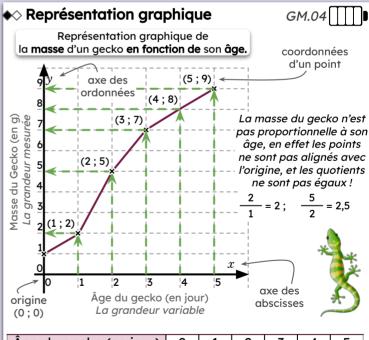
Pour déterminer le coefficient de proportionnalité, on calcule 3,40 ÷ 2.

7 bouteilles coûtent 11,90 €, et avec 17 €, on peut acheter 10 bouteilles.

#### En utilisant la "règle de trois":

Pour réaliser une douzaine de crêpes, Camille utilise 3 œufs. Pour 20 crêpes, combien lui en faudrait-il ?





Âge du gecko (en jour)	0	1	2	3	4	5
Masse du gecko (en g)	1	2	5	7	8	9

#### ♦♦ Échelle

GM.05

Sur une carte à l'échelle 1/75 000, la distance entre St Gilles et Ste Anne est de 72 cm. Déterminer la distance réelle à vol d'oiseau (liane droite) :

,,,,,	Echelle	St Gilles – Ste Anne	
Distance sur le plan	1	72	× 75 000
Distance réelle	75 000	72 × 75 000 = <b>5 400 000</b>	× 73 000

La distance à vol d'oiseaux en km entre Saint-Gilles et Sainte-Anne est donc de 5 400 000 cm, soit 54 km (voir l'étiquette **Conversions** page 14).

# Grandeurs et mesures

9

# Pourcentages

# ♦♦ Déterminer un pourcentage

GM.06

C'est calculer la proportion (fraction) sur 100!

Dans une classe de 20 élèves, 3 sont gauchers. Quel est le pourcentage de gauchers ?

• 
$$\frac{3}{20}$$
 = 3 ÷ 20 = 0,15 =  $\frac{15}{100}$  = 15 %

ou

•  $\frac{3}{20}$  × 100 = 15 : 15 % sont gauchers.

# ◆◇ Prendre un pourcentage

GM.07

95 % des 500 élèves du collège ont un téléphone portable, cela représente :  $\frac{95}{100} \times 500 = 475$  élèves.

C'est **multiplier** le nombre par ce pourcentage.

- Prendre 50%, c'est prendre la moitié.
- Prendre 25%, c'est prendre le quart.
- Prendre 75%, c'est prendre les trois quarts.
- Prendre 100%, c'est prendre la totalité.
- Prendre 200 %, c'est prendre le double.

# Augmenter ou réduire d'un pourcentage

GM.08

Une robe à 49 € est soldée à -30 %. Quel est le prix soldé de cette robe ?

Montant de la remise :  $\frac{30}{100}$  × 49 = 14,70 €.

100 - 7.7. Prix soldé : 49 € – 14,70 € = 34,30 €.



#### ♦◇ Retrouver la valeur initiale

GM.09

Après une diminution de 5 %, mon smartphone coûte maintenant 956,65 €. Calculer son prix avant la remise :

Une diminution de 5 % revient à multiplier par 100 % - 5 % = 95 % = 0,95.

 $Prix \times 0.95 = 956,65$ 

Pour retrouver le prix initial, on va donc diviser le prix final par 0,95.

 $956,65 \div 0,95 = 1007$ 

Avant la remise, le prix de mon smartphone était de 1007 €.



# ♦♦ Pourcentages successifs

GM.10

à baisse

Diminuer deux fois un prix de 10 % ne revient pas à baisser le prix de 20 % !

Vérifions avec un article à 100€:

- 2 baisses de 10 % → 100 × 0,9 × 0,9 € = 81 €
- 1 baisse de 20 % → 100 × 0,8 € = 80 €.

#### ◆◆ Calculer une évolution

GM.11

- → Augmenter une valeur de t% revient à la multiplier par 1 + t/100.
- → Diminuer une valeur de t% revient à la multiplier par 1 – t/100.

1 + t/100 et 1 - t/100 sont appelés les **coefficients multiplicateurs** (*CM*).

- Le prix d'un kilogramme de letchis est de 1,50 €. Il augmente de 20%. Son nouveau prix est égal à : 1,5 × (1 + 20/100) € = 1,5 × 1,2 € = 1,80 €.
- Le prix d'une robe est de 40 €. Il diminue de 30%. Son nouveau prix est égal à : 40 × (1 – 30/100) € = 40 × 0,7 € = 28 €.

#### ◆◆ Calculer un taux d'évolution

GM.12

On considère une valeur  $V_0$  qui subit une évolution pour arriver à une valeur  $V_1$ . Le **taux d'évolution** (ou la **variation relative**) est égal(e) à :  $t = (V_1 - V_0) \div V_0$ .

- Si t > 0, alors il s'agit d'une augmentation.
- Si t < 0, alors il s'agit d'une diminution.

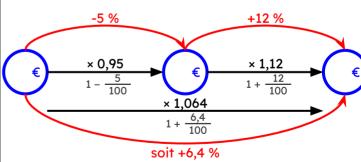
Le prix d'un vélo électrique passe de 1280 € à 1152 €. Exprimer le taux d'évolution de cette diminution en pourcentage :

$$t = (1152 - 1280) \div 1280 = -0.1 = -10\%,$$

donc son prix a diminué de 10%.

# ♦♦ Calculer des évolutions successives GM.13 [[[[]]]]

Le prix d'un smartphone baisse de 5%, puis augmente de 12%.



- Pour déterminer le **coefficient multiplicateur global**  $CM_{\mathrm{global}}$  on multiplie les coefficients multiplicateurs de chaque évolution :  $CM_{\mathrm{global}} = 0.95 \times 1.12 = 1.064$ .
- → Pour déterminer le taux d'évolution global t<sub>global</sub> on effectue :

$$t_{\rm global}$$
 =  $CM_{\rm global}$  – 1 = 1,064 – 1 = 0,064 = 6,4 %.

Par conséquent, le prix du smartphone augmente globalement de 6,4%.

Voici les 13 pointures des filles d'une classe sous forme de série statistique :

**39**; **36**; **38**; **41**; **37**; **38**; **37**; **39**; **36**; **39**; **40**; **37**; **39**.



# Effectif et fréquence

SP.01 | |

- L'effectif des filles qui chaussent du 37 est de 3.
- L'effectif total est de 13.
- ☐ La fréquence des filles qui chaussent du 37 est :

$$f = \frac{3}{13} \approx 0.23$$
 soit environ 23% des filles.

"On compte 3 fois la pointure 38 sur les 13 réponses données."

# Calculer une moyenne simple

SP.02

$$M = \frac{36 + 36 + 37 + 37 + 37 + ... + 41}{13} = \frac{496}{13} \approx 38,2$$

# Calculer une moyenne pondérée

SP.03

On affecte des coefficients à chaque pointure :

$$M = \frac{36 \times 2 + 37 \times 3 + 38 \times 2 + 39 \times 4 + \dots + 41 \times 1}{13} = \frac{496}{13} \approx 38,2$$

#### 

SP.04

Étendue = valeur maximale - valeur minimale

L'étendue de cette série est : 41 - 36 = 5.

#### Calculer une médiane

SP.05

Il y a 13 valeurs à ranger dans l'ordre croissant :

36; 36; 37; 37; 37; 38; <mark>38</mark>; 39; 39; 39; 39; 40; 41.

La **médiane**, qui partage la série en deux groupes de même effectif, est la 7<sup>e</sup> valeur, soit 38.

Interprétation : Il y a autant d'élèves qui chaussent du 38 ou moins, que d'élèves qui chaussent du 38 ou plus.

Si la médiane se trouve entre deux valeurs, on prend la moyenne de ces deux valeurs.

# ◆◆ Calculer des quartiles

SP.06

- Le **premier quartile** est la donnée de la série se trouvant au quart de l'effectif.
- Le troisième auartile est la donnée de la série se trouvant aux trois quarts de l'effectif.
- L'écart interquartile = 3<sup>e</sup> quartile 1<sup>er</sup> quartile. Il n'est pas influencé par les valeurs extrêmes de la

Pour déterminer les quartiles, il faut ordonner les séries dans l'ordre croissant:

# Exemple:

4<sup>e</sup> position : 4 est l'entier qui vient juste après 3,25.

• ¼ × 13 = 3,25 : le 1<sup>er</sup> quartile est la 4<sup>e</sup> donnée de la série ordonnée, c'est-à-dire ici 37. Donc ¼ des filles chaussent du 37 ou moins.

- $\frac{3}{4} \times 13 = 9,75$ : le  $3^{e}$  quartile est la  $10^{e}$  donnée de la série ordonnée, c'est-à-dire ici 39. Donc 34 des filles chaussent du 39 ou moins.
- L'écart interquartile est égal à 39 37, soit à 2. Donc 50% des élèves ont 2 pointures d'écart.

#### ◆ Calculer avec un tableur

SP.07

H2		•	×	V	fx	=SOM	IME(E	32:G2)	
	А	В	С	D	Е	F	G	Н	1
1	Pointures	36	37	38	39	40	41	Total	
2	Effectifs	2	3	2	4	1	1	13	
3								· ·	

La formule qui donne la somme des effectifs en H2 est :

- = SOMME (B2:G2) ou
- = B2 + C2 + D2 + E2 + F2 + G2

# ◆◆ Calculer une variance et un écart-type

SP.08

La **variance** V d'une série statistique de moyenne dont les valeurs du caractère sont  $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$ , ...,  $x_k$  et les effectifs

correspondants sont  $n_1, n_2, n_3, ..., n_k$  est égale à :  $V = \frac{n_1 \times (x_1 - \bar{x})^2 + n_2 \times (x_2 - \bar{x})^2 + ... + n_k \times (x_k - \bar{x})^2}{n_1 + n_2 + ... + n_k}$  .  $V = \frac{2 \times (36 - 38,2)^2 + 3 \times (37 - 38,2)^2 + 2 \times (38 - 38,2)^2 + 4 \times (39 - 38,2)^2 + 1 \times (40 - 38,2)^2 + 1 \times (41 - 38,2)^2}{13} \approx 2,13$ 

$$V = \frac{2 \times (36 - 38,2)^2 + 3 \times (37 - 38,2)^2 + 2 \times (38 - 38,2)^2 + 4 \times (39 - 38,2)^2 + 1 \times (40 - 38,2)^2 + 1 \times (41 - 38,2)^2}{13} \approx 2,13$$

L'**écart-type** s d'une série statistique de variance V est égal à :  $s = \sqrt{V}$ . Ici :  $s \approx 1,46$ .

# ◆◆ Indicateurs statistiques

SP.09

- Les indicateurs de **position** montrent autour de quel nombre se situent les valeurs : moyenne, médiane.
- Les indicateurs de dispersion montrent si les valeurs sont plus ou moins dispersées : étendue, variance et écart-

Dans notre exemple, les valeurs sont peu dispersées autour de la moyenne (écart-type "petit").

# Statistiques et probabilités

#### 11

# Probabilités

#### ◆◇ Vocabulaire des probabilités (1)

SP.10

Expérience aléatoire : expérience liée au hasard.

Issue : résultat possible d'une expérience aléatoire.

Événement : constitué d'une ou plusieurs issues d'une expérience aléatoire.

#### Dénombrer les issues

SP.11

Dans une expérience aléatoire, il faut pouvoir compter précisément l'ensemble des issues. Si toutes les issues ont les mêmes chances de se réaliser, on dit qu'elles sont équiprobables.

On considère une urne contenant des boules blanches ou grises, et numérotées .



# Si on s'intéresse à la couleur de la boule, quelles sont les issues possibles ?

Les issues possibles sont "Grise" et "Blanche", elles sont équiprobables!

Issues	"Grise"	"Blanche"		
Probabilité	6/12 = 1/2	6/12 = 1/2		

# Si on s'intéresse au numéro écrit sur la boule, quelles sont les issues possibles ?

Les issues possibles sont "1", "2", "3", "4", "5" et "6", elles ne sont pas équiprobables!

Issues	1	2	4	5	6
Probabilité	3/12	3/12	2/12	1/12	3/12

# ♦♦ Calculer une probabilité

SP.12

Probabilité = nombre de cas favorables nombre de cas possibles

Dans un jeu de 32 cartes,

• Probabilité de tirer un roi :

$$P(Roi) = \frac{4}{32} = \frac{1}{8} = 0.125 = \frac{12.5}{100} = 12.5\%$$

Dans un sac, il y a 10 boules rouges numérotées de 1 à 10, et 6 boules noires numérotées de 1 à 6. On tire sans regarder une boule du sac.

• Probabilité de tirer une boule rouge :

$$P(Rouge) = \frac{10}{16} = \frac{5}{8} = 0,625 = \frac{62,5}{100} = 62,5\%$$

On a 5 chances sur 8 de tirer une boule rouge ou 62,5%.

• Probabilité de tirer une boule numérotée 5 :

$$P(5) = \frac{2}{16} = \frac{1}{8} = 0,125 = \frac{12,5}{100} = 12,5\%$$

#### ◆◇ Vocabulaire des probabilités (2)

SP.13

On reprend l'expérience aléatoire de SP.11.

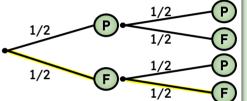
- → Si on s'intéresse au numéro, un **événement certain** de se réaliser est : "Ne pas tomber sur le numéro 3".
- → Si on s'intéresse à la couleur, un **événement** impossible est : "Tirer une boule verte".
- → Deux **événements incompatibles** ne peuvent se réaliser en même temps : "Tomber sur un numéro pair" et "Tomber sur le numéro 5".
- → L'événement contraire de A, noté Ā, est celui qui se réalise lorsque A ne se réalise pas. A : "Tomber sur un numéro pair" et Ā : "Tomber sur un numéro impair".

$$P(\bar{A}) = 1 - P(A)$$

# ♦◇ Arbre de probabilités ∰ Tree diagram

SP.14 [[[]]

Pour 2 lancers consécutifs d'une pièce (pile ou face):



Avec un arbre, la probabilité d'obtenir une issue est égale au produit des probabilités rencontrées le long du chemin :

$$P(FF) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} = 25 \%.$$

# ◆◆ Calculer la probabilité de la réunion de deux événements

*SP.15* \_\_\_\_\_\_**D** 

On considère l'expérience aléatoire suivante : on lance un dé équilibré à six faces et on regarde le nombre de points inscrits sur la face du dessus.

On considère les événements suivants :

- A: « On obtient un nombre pair »;
- B: « On obtient un multiple de 3 ».

Calculons la probabilité de l'événement A U B.

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

- → A∪B se lit: "A **union** B", qui correspond à A **ou** B.
- → A ∩ B se lit: "A inter B", qui correspond à A et B.
- A ∩ B est l'événement "On obtient un 6", donc on a :
   P(A ∪ B) = 3/6 + 2/6 1/6 = 4/6 = 2/3.

# **Fonctions**

# Notions, fonctions linéaires et affines

#### Notion de fonction

F.01

Processus qui permet, à partir d'un nombre de départ, d'obtenir un unique nombre d'arrivée.

Si on laisse tomber 3 dans cette machine,

on obtient  $3^2 + 7 = 9 + 7 = 16$ .

On dit alors que: "3 a pour image 16".



Pour un nombre x, on obtient  $x^2 + 7$ . Appelons cette **fonction** f, on note :

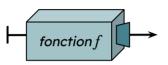
$$f\colon x\mapsto x^2 + 7$$
 se lit: "la fonction  $f$  qui à  $x$  associe  $x^2 + 7$ ".

# ♦♦ Lecture graphique F.03 image antécédent(s)

- L'image par g de 3 est 1 : g(3) = 1.
- L'antécédent par g de -2 est -3 : g(-3) = -2.

#### Vocabulaire

- Nombre de départ
- un antécédent
- abscisse



- Nombre d'arrivée
- f(x); y
- l'image
- ordonnée

Un **nombre de départ** a une unique image. Par contre, un nombre d'arrivée peut avoir plusieurs antécédents.





Les fonctions linégires et constantes sont des particuliers de fonctions affines!

- Fonction affine :  $f: x \mapsto ax + b$
- Fonction linéaire :  $f: x \mapsto ax$
- Fonction constante :  $f: x \mapsto b$

a: coefficient directeur b: ordonnée à l'origine



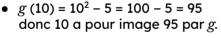
Soit  $f: x \mapsto 7x + 9$ 

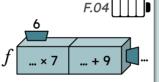
Calculer l'image de 6 par f.

•  $f(6) = 7 \times 6 + 9 = 42 + 9 = 51$ donc 6 a pour image 51 par f.

Soit  $g: x \mapsto x^2 - 5$ 

Calculer l'image de 10 par g.







# Calculer un antécédent

F.05

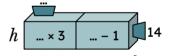
Soit  $h: x \mapsto 3x - 1$ 

Déterminer le (ou les) antécédent(s) de 14 par h revient à résoudre l'équation h(x) = 14:

$$3x - 1 = 14$$
  
 $3x - 1 + 1 = 14 + 1$ 

3x = 15

 $3x \div 3 = 15 \div 3$ 



x = 5. Donc 14 a pour antécédent 5 par h.

Ici, on peut aussi "remonter la machine":

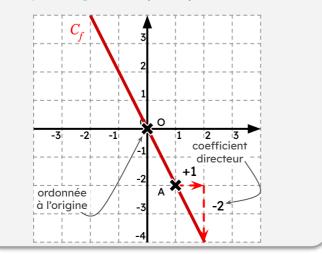
- $\bullet$  14 + 1 = 15
- $15 \div 3 = 5$ .

# Représenter graphiquement



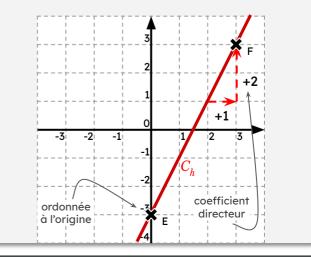
#### □ Fonction linéaire

 $f: x \mapsto -2x \text{ est}$ une fonction linéaire. Sa représentation graphique est une droite qui passe par l'origine O, et par le point A(1; -2).



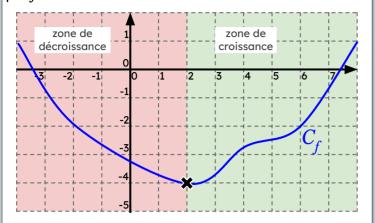
#### Fonction affine

 $h: x \mapsto 2x - 3$  est une fonction affine. Sa représentation graphique est une droite, qui passe par les points E(0; -3) et F(3; 3).



#### Variations d'une fonction

La fonction f représentée ci-contre est **définie** sur  $\mathbb{R}$ . On peut trouver l'image de n'importe quel nombre réel par f.



- La fonction f est **décroissante** sur l'intervalle  $]-\infty$ ; 2] et **croissante** sur l'intervalle [2; +∞[.
- ightarrow La fonction f admet un **minimum** sur  $\mathbb R$  qui vaut -4, atteint en x = 2.

On peut représenter les variations de la fonction f dans un tableau de variations:

$\boldsymbol{x}$	-∞	2	+∞
f(x)		-4	

# $\Rightarrow \Rightarrow$ Signe de ax + b

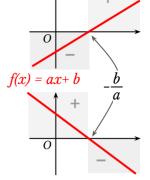
F.08

• Si a > 0

x	-∞	$-\frac{b}{a}$	+∞
ax + b	_	0	+

Sia < 0

x	-∞	$-\frac{b}{a}$	+∞
ax + b	+	. 0	-



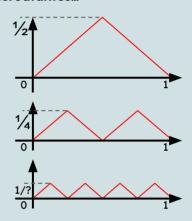


On pourra retenir: "ax + b est du signe de a à droite du zéro".



De belles fonctions déroutantes...

Voici des fonctions "dents de scie", dont on pourrait encore augmenter le nombre de dents... qui sera toujours une puissance de ...!?



# ♦♦ Tableau de signes

F.09

Résoudre dans  $\mathbb{R}$ : (-6x + 3) (x + 2) > 0.

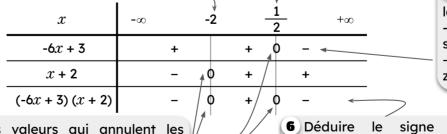
- Placer dans la première ligne les valeurs précédentes dans l'ordre croissant (-2 et 1/2).
- 1 Chercher les valeurs qui annulent chaque facteur :

$$-6x + 3 = 0$$
  
 $-6x = -3$ 

$$x + 2 = 0$$
$$x = -2$$

- $x = \frac{-3}{-6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
- **5** Compléter les signes: -6x + 3 est du signe de -6, soit –, "à droite du zéro".

3 Placer dans la première colonne les facteurs de l'expression.



- Écrire les "0" sous les valeurs qui annulent les expressions de la première colonne :
- -2 annule x + 2
- ½ annule -6x+3
- -2 annule (-6x + 3)(x + 2) ½ annule (-6x+3)(x+2)
- Conclure: (-6x + 3)(x + 2) > 0 pour  $x \in \left[ -2; \frac{1}{2} \right]$ L'ensemble des solutions de l'inéquation (-6x + 3)(x + 2) > 0 est :  $S = -2; \frac{1}{2}$

! Remarque : les crochets de l'intervalle sont ouverts car les valeurs -2 et ½ ne sont pas solutions de l'inéquation. (-6x + 3)(x + 2) doit être **strictement positif**.

•  $(-6x + 3)(x + 2) > 0, S = ]-2; \frac{1}{2}[$ 

l'expression (-6x + 3) (x + 2)

grâce à la règle des signes.

 $(-6x + 3) (x + 2) \ge 0$ , S = [-2; ½]

# **Grandeurs et mesures**

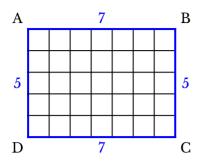
14

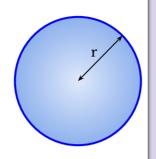
# Périmètres, aires, volumes

#### ◆◇ Aires et périmètres

GM.14

Le périmètre est la mesure du tour de la figure. L'aire est la mesure de la surface de la figure.





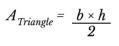
$$P_{ABCD}$$
 = 7 cm + 5 cm + 7 cm + 5 cm = 24 cm

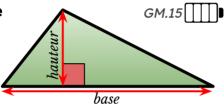
$$A_{ABCD}$$
 = 7 cm × 5 cm = 35 cm<sup>2</sup>

Le périmètre d'un cercle de rayon r = 3 cm est :  $P = 2 \times \pi \times r$  cm =  $2\pi \times 3$  cm =  $6\pi$  cm  $\approx 18.8$  cm.

L'aire d'un disque de rayon r = 3 cm est :  $A = \pi \times r \times r$  cm² =  $\pi \times 3^2$  cm² =  $9\pi$  cm² ≈ 28,3 cm².

#### ♦♦ Aire d'un triangle





#### ◆◇ Conversions

**A** 15 70

1 min = 60 s 1 m = 100 cm 1 L = 1 dm<sup>3</sup> = 1 000 cm<sup>3</sup>



1 h = 60 min = 3 600 s 1 km = 1 000 m 1 m<sup>3</sup> = 1 000 L

GM.17

Volume d'eau nécessaire pour remplir une piscine rectangulaire de 5 m par 4 m et de profondeur 1,5 m:

 $V_{Piscine} = L \times l \times h = 5 \text{ m} \times 4 \text{ m} \times 1,5 \text{ m} = 30 \text{ m}^3 = 30 000 \text{ L}.$ 

#### Convertir des longueurs

km	hm	dam	m	dm	cm	mm
	5	7	4,	3		

5 743 dm = 574,3 m

#### Convertir des aires

<u>km²</u>		hr	n²	da	m²	n	1²	dr	n²	cr	n²	m	m²	
						3	6	2	4	3	0	0		

 $36\ 243\ dm^2 = 3\ 624\ 300\ cm^2$ 

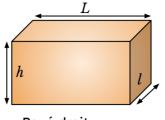
#### Convertir des volumes

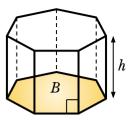
ķ	m	3	<u>ım</u>	3	d	an	1³	m³		<u> </u>	mb	3	cm	3	r	nm	3
									0,	0	8	6					

 $86 \text{ dm}^3 = 0.086 \text{ m}^3$ 

#### **♦**♦ Volumes

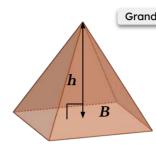
GM.16

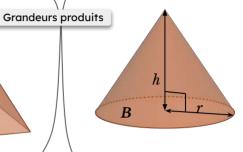




Pavé droit  $V = L \times l \times h$ 

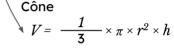
Prisme droit  $V = Aire_{Base} \times h$ 

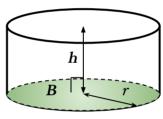


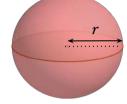


Pyramide

$$V = \frac{1}{3} \times B \times h$$







Cylindre  $V = \pi \times r^2 \times h$ 

Aire sphère  $A = 4 \times \pi \times r^2$ 

Volume Boule

$$V = \frac{4}{3} \times \pi \times r^3$$

# ♦♦ Grandeurs quotients

GM.18

#### Calculer une vitesse

Émilie parcourt 50 km en 2 heures avec son scooter. Sa vitesse moyenne est de :

$$v = \frac{d}{t} = \frac{50}{2} = 25 \text{ km/h}.$$

#### Convertir une vitesse en m/s

$$25 \text{ km/h} = \frac{25 \text{ km}}{1 \text{ h}} = \frac{25000 \text{ m}}{3600 \text{ s}} \approx 7 \text{ m/s}$$

#### ☐ Convertir une vitesse en km/h

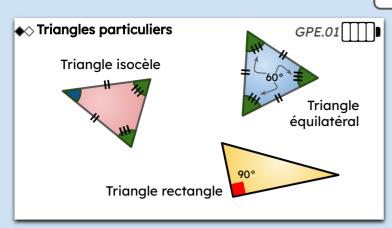
10 m/s = 
$$\frac{10 \text{ m} \times 3600}{1 \text{ s} \times 3600} = \frac{36\ 000\ \text{m}}{3\ 600\ \text{s}} = \frac{36\ \text{km}}{1\ \text{h}} = 36\ \text{km/h}$$

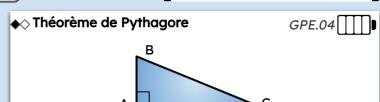
#### □ C'est quoi un débit?

Un robinet a un débit de 0,5 m³/h : cela signifie que le robinet laisse couler 0,5 m³ d'eau en une heure, soit 500 litres en une heure.

#### ☐ C'est quoi une densité?

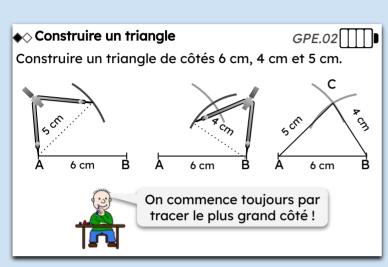
La densité de population de La Réunion est de 336 habitants/km² : cela signifie que sur une superficie de 1 km² se trouvent en moyenne 336 habitants.

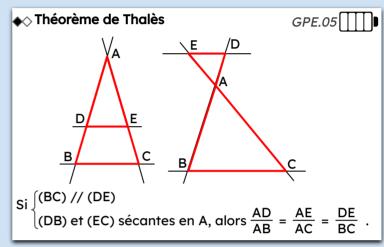


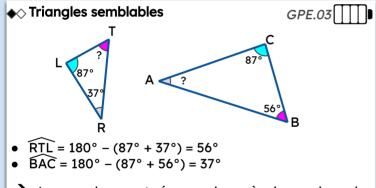


Dans un triangle rectangle, le carré de la longueur de l'hypoténuse est égal à la somme des carrés des longueurs des côtés de l'angle droit.

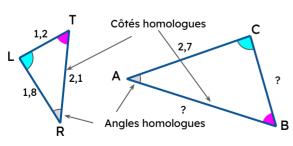
$$BC^2 = AB^2 + AC^2$$







- → Les angles sont égaux deux à deux, donc les triangles sont semblables.
- → Leurs côtés homologues sont proportionnels, ainsi :



				2,/	
côtés	LT	TR	RL	1,8	
RTL	1	2	1,8	15	
côtés	ВС	AB	AC	1,3	F
ABC	?	?	2,7	•	Е

$$AB = 2 \times 1,5 = 3$$
  
 $BC = 1 \times 1,5 = 1,5$ 

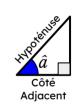
ABC est un agrandissement de RTL de rapport 1,5.



GPE.06

Dans un triangle rectangle, pour un angle aigu  $\hat{a}$  :

$$\cos(\hat{a}) = \frac{\text{Côt\'e Adjacent à } \hat{a}}{\text{Hypot\'enuse}}$$
 
$$\sin(\hat{a}) = \frac{\text{Côt\'e Oppos\'e à } \hat{a}}{\text{Hypot\'enuse}}$$
 
$$\tan(\hat{a}) = \frac{\text{Côt\'e Oppos\'e à } \hat{a}}{\text{Côt\'e Adjacent à } \hat{a}}$$





Formules de trigonométrie :

$$\cos^{2}(\hat{a}) + \sin^{2}(\hat{a}) = 1$$

$$\tan(\hat{a}) = \frac{\sin(\hat{a})}{\cos(\hat{a})}$$

$$\gcd(\hat{a} \neq 90^{\circ})$$

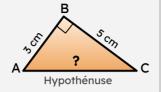
# ◆◇ Avec Pythagore

# GPE.07

# ☐ Calculer la longueur de l'hypoténuse

ABC est rectangle en B, donc d'après le théorème de Pythagore, on a:

$$AC^2 = AB^2 + BC^2$$
  
=  $3^2 + 5^2 = 9 + 25 = 34$ 



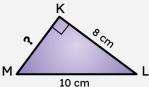
d'où AC =  $\sqrt{34}$  cm ≈ 5,8 cm (à 1 mm près).

# ☐ Calculer la longueur d'un côté de l'angle droit

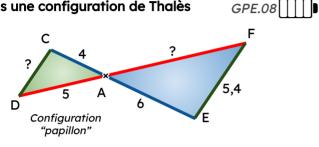
KLM est rectangle en K, donc d'après le théorème de Pythagore, on a:

$$KM^2 = ML^2 - KL^2$$
  
=  $10^2 - 8^2 = 100 - 64 = 36$ 

d'où KM =  $\sqrt{36}$  cm = 6 cm.



#### 🕪 Dans une configuration de Thalès



#### RÉDACTION

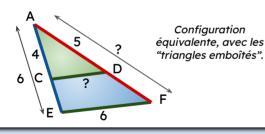
Les points A, C, E et A, D, F sont alignés, de plus les droites (CD) et (EF) sont parallèles, donc d'après le théorème de Thalès:

on a: 
$$\frac{AC}{AE} = \frac{AD}{AF} = \frac{CD}{EF}$$

soit: 
$$\frac{4}{6} = \frac{5}{AF} = \frac{CD}{5.4}$$

$$AF = \frac{6 \times 5}{4} \text{ cm} = \frac{30}{4} \text{ cm} = 7,5 \text{ cm}$$

et CD = 
$$\frac{4 \times 5,4}{6}$$
 cm =  $\frac{21,6}{6}$  cm = 3,6 cm.



# Avec la trigonométrie



Soit RTL un triangle rectangle en R tel que RL = 6 cm et RLT = 43°. Déterminer RT à 1 mm près.

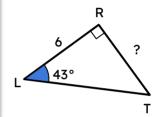


Côtés concernés:

- Côté Adjacent
- Côté Opposé Hypoténuse

# J'utilise donc:

- Cosinus
  - Sinus
  - **Tangente**



#### RÉDACTION

Dans le triangle RTL rectangle en R,

on a: 
$$tan(\widehat{RLT}) = \frac{RT}{RI}$$

soit: 
$$\frac{\tan (43^\circ)}{1}$$

d'où RT = 6 cm × tan 43°≈ 5,6 cm. Pour arrondir au 1/10 près, regarde bien les 1/100 : 5,50 < 5,59 < 5,60.

Š95090517

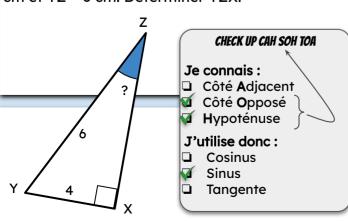
le + proche

Calculer un angle

#### ◆◇ Avec la trigonométrie



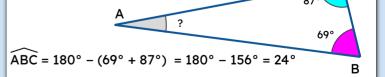
Soit XYZ un triangle rectangle en X tel que  $\overline{XY} = 4$ cm et YZ = 6 cm. Déterminer  $\hat{Y}Z\hat{X}$ .



#### Avec la règle des 180°

GPE.10

La somme des trois angles d'un triangle est égale à 180°.



#### RÉDACTION

Dans le triangle XYZ rectangle en X,

$$\sin (\widehat{YZX}) = \frac{XY}{YZ} = \frac{4}{6}$$

$$d'où \widehat{YZX} \approx 42^{\circ}$$

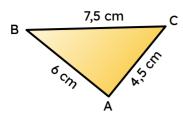
$$\arcsin(\frac{4}{5})$$

$$41,8103149$$

GPE.13

# ♦♦ Prouver qu'un triangle est rectangle





On commence toujours par calculer le carré du plus grand côté.

D'une part :  $BC^2 = 7,5^2 = 56,25$ .

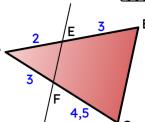
D'autre part :  $AB^2 + AC^2 = 6^2 + 4,5^2 = 36 + 20,25 = 56,25$ .

On constate que  $BC^2 = AB^2 + AC^2$ , donc l'égalité de Pythagore est vérifiée.

Ainsi ABC est rectangle en A.

Si l'égalité n'est pas vérifiée, on conclut directement que le triangle n'est pas rectangle.

# Prouver que deux droites sont parallèles



D'une part :  $\frac{AE}{AB} = \frac{2}{5} = 0,4$ .

D'autre part :  $\frac{AF}{AC} = \frac{3}{7.5} = 0,4$ .

On constate que  $\frac{AE}{AB} = \frac{AF}{AC}$ , donc l'égalité de Thalès

De plus les points A, E, B et A, F, C sont alignés dans le même ordre, donc les droites (BC) et (EF) sont

parallèles.

Si l'égalité n'est pas vérifiée, on conclut directement que les droites ne sont pas parallèles.

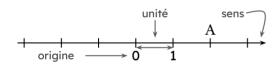
Se repérer

# ♦♦ Se repérer sur une droite graduée

GPE.14 ∭

Une droite graduée est une droite sur laquelle on a fixé une origine, un sens et une unité de longueur.

Chaque point est repéré par son abscisse. A est le point d'abscisse 2 : on note **A (2)**.



# ♦♦ Se repérer sur une sphère

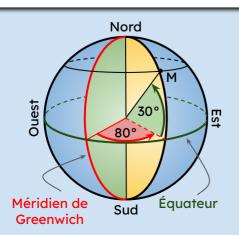
GPE.15

On a besoin de deux coordonnées : la **latitude** et la **longitude**. On assimile la Terre à une sphère.

- → La latitude est comprise entre 0° et 90° Nord ou Sud. Exemple : M a pour latitude 30°N.
- → La longitude est comprise entre 0° et 180° Est ou Ouest.

Exemple: M a pour longitude 80°E.

M a pour coordonnées (30°N; 80°E)



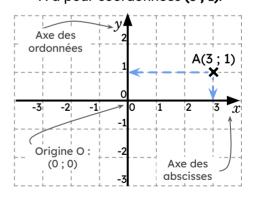
#### ♦♦ Se repérer dans le plan

GPE.16

Un repère, c'est deux droites graduées qui se coupent à l'origine O.

Chaque point est repéré par deux coordonnées (x; y): une **abscisse** x (sur l'**axe horizontal**) et une **ordonnée** y (sur l'**axe vertical**).

A a pour coordonnées (3;1).

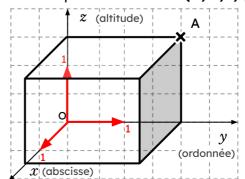


# ស Se repérer sur un pavé droit

GPE.17

Tout point sur un pavé droit est repéré par une abscisse, une ordonnée et une altitude (ou une cote).

A a pour coordonnées (0; 2; 1,5).



# Géométries plane et dans l'espace

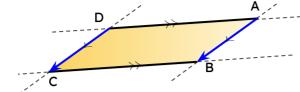
18

Parallélogramme, vecteurs, milieu et droites

# ♦♦ Parallélogramme

GPE.18

ABCD est un parallélogramme signifie que :



- ses côtés opposés sont parallèles ;
- ses côtés opposés sont égaux ;
- ses angles opposés ont la même mesure ;
- ses diagonales se coupent en leur milieu;
- $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ .



# Calculer les coordonnées d'un vecteur et sa norme

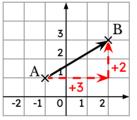
GPE.19

Soit A ( $x_{\rm A}$  ;  $y_{\rm A}$ ) et B ( $x_{\rm B}$  ;  $y_{\rm B}$ ) deux points du plan muni d'un repère orthonormé, alors :

- coordonnées de  $\overrightarrow{AB}$  :  $\overrightarrow{AB}$  ( $x_{\rm B}$   $x_{\rm A}$  ;  $y_{\rm B}$   $y_{\rm A}$ )
- norme de  $\overrightarrow{AB}$ :  $||\overrightarrow{AB}||$  = AB =  $\sqrt{(x_B x_A)^2 + (y_B y_A)^2}$

Exemple: A (-1; 1); B (2; 3)

- $\overrightarrow{AB}$  (2 (-1); 3 1) soit  $\overrightarrow{AB}$  (3; 2)
- $\|\overrightarrow{AB}\| = AB = \sqrt{3^2 + 2^2} = \sqrt{13}$



## Prouver que deux vecteurs sont colinéaires grâce au déterminant

GPE.20

Soit  $\overrightarrow{u}$  (1; 3) et  $\overrightarrow{v}$  (-3; -9) deux vecteurs du plan. Le **déterminant** de  $\overrightarrow{u}$  et  $\overrightarrow{v}$  vaut :

$$det(\overrightarrow{u}; \overrightarrow{v}) = \begin{vmatrix} 1 & -3 \\ 3 & -9 \end{vmatrix} = 1 \times (-9) - 3 \times (-3) = -9 + 9 = 0,$$

$$donc \overrightarrow{u} et \overrightarrow{v} sont colinéaires.$$

#### ◆◆ Calculer les coordonnées du milieu d'un segment

GPE.21

Soit A  $(x_A; y_A)$  et B  $(x_B; y_B)$  deux points du plan.

Si I est le milieu de [AB], alors I  $\left(\frac{x_A + x_B}{2}; \frac{y_A + y_B}{2}\right)$ .

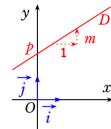
Exemple: A (-1; 1) et B (2; 3).

On a 
$$I\left(\frac{-1+2}{2}; \frac{1+3}{2}\right)$$
, soit I (0,5; 2).

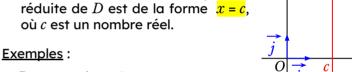
# Déterminer une équation réduite de GPE.22 droite

Soit D une droite du plan muni d'un repère.

→ Si D est oblique ou horizontale (non parallèle à l'axe des ordonnées), alors l'équation réduite de D est de la forme y = mx + p, où m (le coefficient directeur) et p (l'ordonnée à l'origine) sont deux nombres réels.

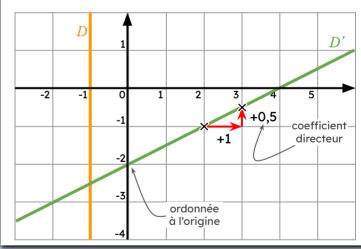


→ Si D est verticale (parallèle à l'axe des ordonnées), alors l'équation réduite de D est de la forme x = c, où c est un nombre réel.



# • D a pour équation x = -1.

• D' a pour équation y = 0.5x + (-2), soit y = 0.5x - 2.



#### ◆◆ Position relative de deux droites

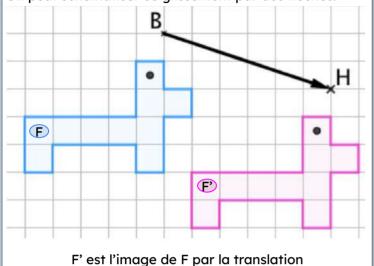
GPE.23

VVI OSITIOTI TEIGITVE G	e deux diones			GPE.25				
Equation de $D$	x = c	y = mx + p	y = mx + p					
Equation de $D$ '	x = c	x = c	y = m	x'x + p'				
Position de $D$ et $D$ '	D // D'	D et $D$ ' sont sécantes	Si <i>m = m</i> ' : <i>D // D</i> '	Si $m \neq m'$ : $D$ et $D'$ sont sécantes				
Représentation		D'	m, $D$ , $D$	m, $D$				

#### ◆ Effet d'une translation

GPE.24

Transformer une figure par translation, c'est la faire glisser sans la tourner. Ce **glissement** est défini par une **direction**, un **sens** et une **longueur**. On peut schématiser ce glissement par des flèches.

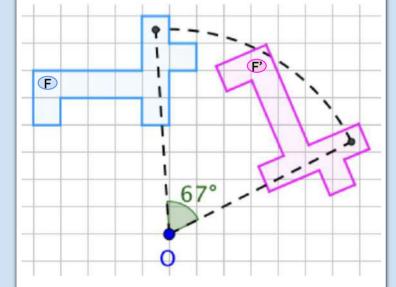


#### ◆ Effet d'une rotation

GPE.25

Transformer une figure par rotation c'est la faire tourner autour d'un point fixe qui est le centre de la rotation.

qui transforme B en H.



F' est l'image de F par la rotation de centre O et d'angle 67°, dans le sens des aiguilles d'une montre.

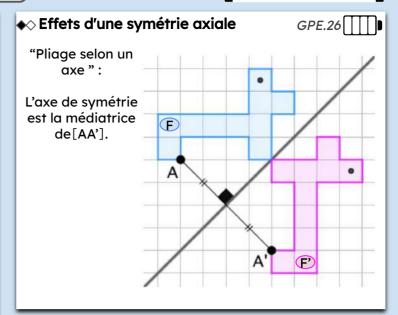
Cette rotation est définie par un centre O, un angle de rotation de 67°, et un sens de rotation (ici, le sens des aiguilles d'une montre).

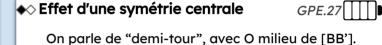
## Propriétés de conservation

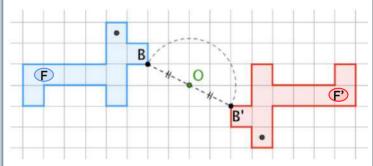
GPE.29

Les symétries centrales et axiales, les rotations et les translations conservent :

- les longueurs ;
- les angles ;
- les aires.





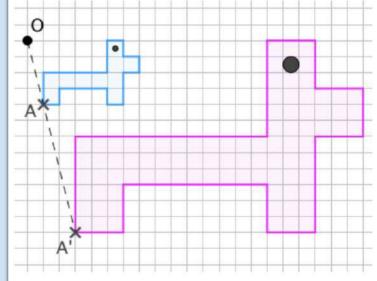


F' est l'image de F par la symétrie centrale de centre O. (On dit aussi une rotation de 180°.)

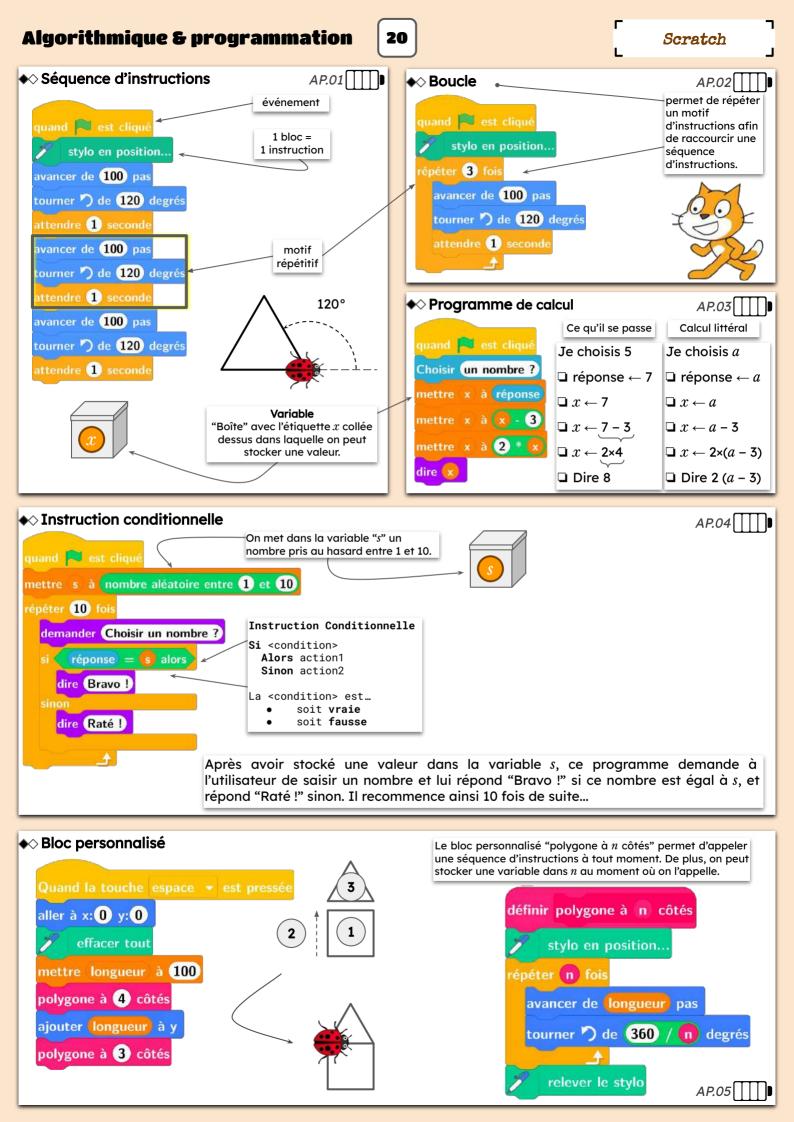
#### ♦♦ Effet d'une homothétie

GPE.28

L'homothétie est une transformation qui permet d'agrandir ou de réduire des figures géométriques. On obtient une figure **semblable** (pas identique).



A' est l'image de A par l'homothétie de centre O et de rapport 3.



#### ◆◆ Les variables

AP.06

Définition : dans un programme, une variable est repérée par son nom et possède une valeur qui évolue au cours de l'exécution d'un programme.

#### Type de variables :

- nombre entier (int)
  - ex: i = 38
- nombre flottant (float)
  - ex: f = 42.12
- chaine de caractère (string)
  - ex:s = "Hello World!"

# ◆◆ Fonction affine \_\_\_\_ nom de la fonction

AP.07

def fonction\_affine(x) X est le "paramètre de la fonction" y = 3\*x-1On n'oublie pas les ":" return y On "affecte" la valeur 3x-1 à y

# >>> fonction\_affine(3)

3 est appelé "argument de la fonction"

#### Distance entre deux réels

AP.08

def distance(a,b): if a>b: return a-b else: return b-a



#### ◆◆ Distance entre deux points

AP.09

from math import \* def calculateDistance(x1, y1, x2, y2): dist = sqrt((x2-x1)\*\*2 + (y2-y1)\*\*2)return dist

#### >>> print(calculateDistance(0, 0, 1, 1)) 1.4142135623730951

#### Vecteurs

AP.10

#### Somme de deux vecteurs

def somme(u, v): (xu, yu) = u(xv, yv) = v

return (xu+xv, yu+yv)

#### Calcul du déterminant de deux vecteurs

#### Sans vecteur

def determinant(xa, ya, xb, yb) : return xa \* yb - ya \* xb



#### **Avec vecteurs**

def determinant2((xa, ya), (xb, yb)) : return xa\*yb-ya\*xb

#### Test de colinéarité de deux vecteurs

def colineaires(xa,ya,xb,yb) : if determinant(xa,ya,xb,yb)==0: return True



else : return False

# >>> print(colineaires(1,1,4,4))

True

#### ◆◆ Les signes de calculs

AP.11

AP.12

Les signes pour faire des calculs en maths ne sont pas les mêmes sous Python.

Division:

- a+b → a+b
- a-b → a-b
- a÷b → a/b
- a×b → a\*b
- a÷b (entière) → a//b

FOR

- $a^2 \rightarrow a**2$
- reste de a÷b → a%b

#### ◆◆ Tracer les polygones réguliers

from turtle import \* def polygone(cotes, longueur) for k in range(cotes): forward(longueur)

left(360/cotes)



#### >>> polygone(3,50)

#### ♦♦ Lancer de dé (random)

AP.13

```
from random import *
def lanceDe(faces) :
  return randint(1, faces)
```

# >>> print lanceDe(6)

## ◆◆ Capital (seuil)

AP.14

# intérêts simples

Une banque propose un placement à 3% par an à intérêts simples. Florian souhaite placer 50 € sur 5 ans.

```
def int_simp(somme_init, taux, annees):
  return (somme_init*(1+annees*taux))
```

```
>>> print("50€ à 3% sur 5 ans :
int_simp(50,0.03,5))
50€ à 3% sur 5 ans: 57.499...
```

Ça bugge un peu! Ce n'est pas Python: c'est dû au codage binaire des flottants.

#### Seuil

Déterminer au bout de combien d'années Florian aura doublé son capital.

```
def seuil(somme_init, taux, seuil):
    interet = annees = 0
    while(interet < seuil):</pre>
         interet = interet + somme_init * taux
         annees = annees + 1, # compteur
                              _ Ceci est un commentaire
```

>>> print("Le capital sera doublé au bout de",seuil(50,0.03.50)."ans") de",seuil(50,0.03,50),"ans") Le capital sera doublé au bout de 34 ans

#### 🍑 Liste des multiples d'un nombre inférieur à n

def liste\_multiples(nombre, n): liste = [] for i in range(0, n+1): if(i%nombre==0) : liste.append(i) return liste

>>> print(liste\_multiples(13, 71)) (i = 0, 1, 2,

[0, 13, 26, 39, 52, 65]

AP.15

#### ◆◇ Calculer une expression



#### Calculer avec des relatifs

$$-3 + 2 - (-5) = 4$$



#### Réaliser une division euclidienne

$$148 = 3 \times 49 + 1$$



#### Fraction et forme décimale

On peut passer de l'écriture fractionnaire d'un nombre à sa forme décimale (et inversement) à l'aide de la touche ......

Par exemple:  $\frac{3}{5}$  = 0,6.



# Notation scientifique



#### Simplifier une fraction

$$\frac{66}{165} = \frac{22}{55} = \frac{2}{5}$$



<u>66</u> ⊧simp

<del>55</del> ⊧simp

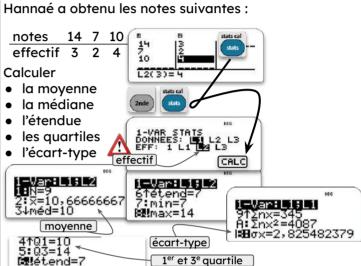
- La flèche vers le bas 🕽 signifie que l'on peut encore simplifier.
- "Fac" indique le facteur utilisé pour la simplification.

# ◆ Calculer un angle

Si on a  $\sin(\widehat{EDF}) = \frac{4}{7}$ alors on trouve EDF ≈ 35°. arcsi<u>n</u>(출)



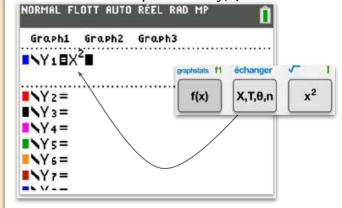
## Statistiques



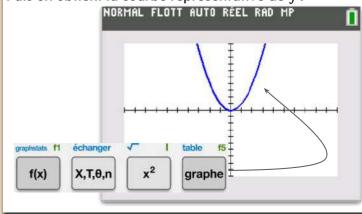
# ◆◆ Représenter graphiquement une fonction (sur TI83)

On souhaite représenter la fonction  $f: x \mapsto x^2$ .

D'abord on saisit l'expression de f(x):



Puis on obtient la courbe représentative de f:



# Index thématique

-	١	
	۱	

Affine (fonction) <u>p.12</u> Aire <u>p.14</u> Antécédent <u>p.12</u> Arbre (de probabilité) <u>p.11</u>

#### C

Coefficient directeur (d'une droite) p.18
Coefficient multiplicateur p.9
Colinéaires (vecteurs) p.18
Conversions (tableau de) p.14
Coordonnées (d'un point) p.17, p.18
Coordonnées (d'un vecteur) p.18
Cosinus (d'un angle aigu) p.15
Critères de divisibilité p.5
Croissante (fonction) p.13

#### D

Décomposer en produit de facteurs premiers <u>p.5</u> Décroissante (fonction) <u>p.13</u> Déterminant (de deux vecteurs) <u>p.18</u> Développer <u>p.6</u>, <u>p.7</u> Distributivité <u>p.6</u> Divisibilité p.5

#### E

Écart-type p.10 Échelle p.8 Effectif p.10 Équation p.7 Équation (réduite) de droite p. Équation produit p.7 Ératosthène (crible d') p.5 Étendue p.10 Événement p.11

#### F

Factoriser <u>p.6</u>
Fonction <u>p.12</u>
Fonction Python <u>p.21</u>
Fraction <u>p.4</u>, <u>p.5</u>
Fréquence <u>p.10</u>

#### G

Grandeurs p.14

#### H

Homothétie p.19

#### 1

Identités remarquables <u>p.7</u>
Image <u>p.12</u>
Inéquation <u>p.13</u>
Intersection (de deux événements) <u>p.11</u>
Intervalle <u>p.7</u>
Irrationnel (nombre) <u>p.5</u>
Issue <u>p.11</u>

#### L

Latitude <u>p.17</u> Linéaire (fonction) <u>p.12</u> Longitude <u>p.17</u>

#### M

Médiane (d'une série statistique) <u>p.10</u> Moyenne <u>p.10</u>

#### N

Nombre premier p.5

#### O

Ordonnée à l'origine p.18

#### D

Parallélogramme p.18
Périmètre p.14
Pourcentage p.9
Préfixes multiplicatifs p.6
Premier (nombre) p.5
Priorités opératoires p.4
Probabilité p.11
Proportionnalité p.8
Puissances p.6
Pythagore (théorème de) p.14, p.16, p.17

#### Q

Quartiles p.10

#### R

Racine carrée <u>p.6</u>
Ratio <u>p.8</u>
Rationnel (nombre) <u>p.5</u>
Réduire <u>p.6</u>
Réel (nombre) <u>p.5</u>
Relatif (nombre) <u>p.5</u>
Réunion (de deux événements) <u>p.11</u>
Rotation <u>p.19</u>

#### S

Signes (tableau de) <u>p.13</u>
Sinus (d'un angle aigu) <u>p.15</u>, <u>p16</u>
Somme algébrique <u>p.4</u>, <u>p.6</u>
Symétrie (axiale) <u>p.19</u>
Symétrie (centrale) <u>p.19</u>

#### 1

Tangente (d'un angle aigu) <u>p.15</u>, <u>p.16</u>
Taux d'évolution <u>p.9</u>
Thalès (théorème de) <u>p.14</u>, <u>p.16</u>, <u>p.17</u>
Translation p.19

#### V

Valeur absolue (d'un nombre réel) <u>p.7</u> Variations (tableau de) <u>p.13</u> Vecteur <u>p.18</u> Vitesse <u>p.14</u> Volume (d'un solide) <u>p.14</u>

# Remerciements

- M. Daniel HOARAU, Principal du collège de Terre-Sainte, pour sa confiance.
- M. Olivier BERNARD, Principal adjoint du collège de Terre-Sainte, pour son soutien.
- M. René-Claude SERVEAUX, Proviseur du lycée Ambroise Vollard, pour sa confiance.
- M. Arnaud SHAYER, Proviseur adjoint du lycée Ambroise Vollard, pour son accompagnement et son intérêt pour ce projet.
- Mme Camilla NICHOLLS, Proviseure adjointe du lycée Ambroise Vollard,
   pour sa collaboration à la mise en place de projets prônant la réussite de tous les élèves.
- M. Dominique TOURNÈS (Directeur de l'IREMI) et les animateurs de l'IREMI, pour leur confiance et leurs fructueuses remarques d'améliorations.
- M. David MICHEL et M. Patrick COURTIN, IA-IPR de mathématiques, pour leurs remarques, leur accompagnement et leur confiance.
- Mme Isabelle CHARLIER, Professeure de mathématiques, pour ses relectures attentives.
- Mme Elsa MOSCATO (Professeure d'Arts appliqués) et ses élèves, pour leur disponibilité et la grande qualité des couvertures proposées.
- Anissa, Ketty, Hannaé, Carole, Kzyz, Ky-Mani et Iwan, pour leur soutien et leur patience...

#### Table des matières

#### Nombres et calculs

#### Nombres relatifs [p.4]

- 1. Organiser ses calculs
- 2. Aiouter et soustraire des relatifs
- 3. Calculer une somme algébrique
- 4. Multiplier ou diviser deux relatifs
- 5. Multiplier plusieurs relatifs

#### Fractions [p.4]

- 6. Prendre une fraction d'un nombre
- 7. Comparer des fractions
- 8. Fractions égales
- 9. Ajouter ou soustraire
- 10. Multiplier ou diviser

#### Arithmétique [p.5]

- 11. Ensembles de nombres
- 12. Divisibilité
- 13. Nombres premiers
- 14. Crible d'Ératosthène
- 15. Décomposer en facteurs premiers
- 16. Fraction irréductible
- 17. Critère de divisibilité

#### Puissances [p.6]

- 18. Les préfixes multiplicatifs 15. Aire d'un triangle
- 19. Calculer avec les puissances
- 20. Notation scientifique
- 21. Carrés et racines carrées
- 22. Encadrer une racine carrée

#### Calcul littéral [p.6, p.7]

- 23. Calculer une expression littérale
- 24. Tester une égalité
- 25. Réduire une somme algébrique
- 26. Développer et réduire
- 27. Factoriser
- 28. Résoudre une équation
- 29. Résoudre une équation produit
- 30. Les identités remarquables
- 31. Intervalles
- 33. Valeur absolue

#### **Grandeurs et mesures**

#### Proportionnalité [p.8]

- 1. Reconnaître la proportionnalité
- 2. Calculer avec la proportionnalité
- 3. Ratio
- 4. Représentation graphique
- Échelle

#### Pourcentages [p.9]

- 6. Déterminer un pourcentage
- 7. Prendre un pourcentage
- 8. Augmenter ou réduire d'un pourcentage
- 9. Retrouver la valeur initiale
- 10. Pourcentages successifs
- 11. Calculer une évolution
- 12. Calculer un taux d' évolution
- 13. Calculer des évolutions successives

#### Périmètres, aires et volumes [<u>p.14</u>]

- 14. Aires et périmètres
- 16. Volumes
- 17. Conversions
- 18. Grandeurs quotients

#### Statistiques et probabilités

#### Statistiques [p.10]

- 1. Effectif et fréquence
- 2. Calculer une moyenne simple
- 3. Calculer une moyenne pondérée
- 4. Calculer une étendue
- 5. Calculer une médiane
- 6. Calculer des quartiles
- 7. Avec un tableur
- 8. Calculer une variance et un écart-type
- 9. Indicateurs statistiques

#### Probabilités [p.11]

- 32. Résoudre une inéquation 10. Vocabulaire des proba. (1)
  - 11. Dénombrer les issues
  - 12. Calculer une probabilité
  - 13. Vocabulaire des proba. (2)
  - 14. Arbre de probabilité
  - 15. Calculer la probabilité de la réunion de deux événements

#### **Fonctions**

#### Notions [p.12]

- 1. Notion de fonction
- 2. Vocabulaire des fonctions 19. Calculer les
- 3. Lecture graphique
- 4. Calculer l'image
- 5. Calculer un antécédent
- 6. Représenter graphiquement une fonction linéaire ou une fonction affine

# Signes et variations [p.13]

- 7. Variations d'une fonction
- 8. Signe de ax + b
- 9. Tableau de signes

#### Géométries plane et dans l'espace

#### Triangles [p.15]

- 1. Triangles particuliers
- 2. Construire un triangle
- 3. Triangles semblables

#### Théorèmes [p.15]

- 4. Théorème de Pythagore
- 5. Théorème de Thalès
- 6. Trigonométrie

#### Calculer une longueur [p.16]

- 7. Avec Pythagore
- 8. Dans une configuration de Thalès
- 9. Avec la trigonométrie

#### Calculer un angle [p.16]

- 10. Avec la règle des 180°
- 11. Avec la trigonométrie

## Démontrer [p.17]

- 12. qu'un triangle est rectangle
- 13. que deux droites sont parallèles

# Se repérer [p.17]

- 14. Se repérer sur une droite 11. Les signes de calculs graduée
- 15. Se repérer sur une sphère
- 16. Se repérer dans le plan
- 17. Se repérer sur un pavé droit

#### Parallélogrammes, vecteurs, milieu et droites [p.18]

- 18. Parallélogramme
- coordonnées d'un vecteur et sa norme
- 20. Prouver que deux vecteurs sont colinéaires
- 21. Calculer les coordonnées du milieu d'un segment
- 22. Déterminer une équation réduite de droite
- 23. Position relative de deux droites.

#### **Transformations** [p.19]

- 24. Effet d'une translation
- 25. Effet d'une rotation
- 26. Effets d'une symétrie axiale
- 27. Effet d'une symétrie centrale
- 28. Effet d'une homothétie
- 29. Propriétés de conservation

#### Algorithmique et programmation

# Avec Scratch [p.20]

- 1. Séquence d'instructions
- 2. Instruction conditionnelle
- 3. Boucle
- 4. Programme de calcul
- 5. Bloc personnalisé

## Avec Python [p.21]

- 6. Les variables
- 7. Fonction affine
- 8. Distance entre 2 réels
- 9. Distance entre 2 points
- 10. Vecteurs
- 12. Tracer les polygones réguliers
- 13. Lancer de dé
- 14. Capital
- 15. Liste des multiples d'un nombre inférieur à n

# Avec la Ti-Collège [p.22]

- 16. Calculer une expression
- 17. Calculer avec des relatifs 18. Réaliser une division euclidienne
- 19. Fraction et forme décimale
- 20. Notation scientifique
- 21. Simplifier une fraction
- 22. Calculer un angle 23. Statistiques
- 24. Représenter graph. une
- fonction (sur TI83)