

Fonctions :

Contenus	Capacités attendues	Commentaires
<p>Fonction dérivée Définition.</p>	<p>Connaître les dérivées des fonctions de référence.</p>	<p>On utilise la dénomination fonction primitive pour désigner la fonction que l'on a dérivée. La recherche de primitives n'est pas au programme.</p>
<p>Calcul de fonctions dérivées.</p>	<p>Dériver une somme, un produit, un quotient, une composée de deux fonctions.</p>	<p>Les théorèmes sont admis. La notation $v \circ u$ n'est pas au programme ; si $f(x) = v(u(x))$ alors $f'(x) = v'(u(x))u'(x)$. La dérivation d'une fonction composée est appliquée aux fonctions $x \mapsto v(ax + b)$, $x \mapsto (u(x))^n$, ainsi que dans l'étude des fonctions logarithme et exponentielles.</p>
<p>Application à l'étude des variations.</p>	<p>Déterminer les variations d'une fonction à partir du signe de sa fonction dérivée. Déterminer un extremum.</p>	<p>Le théorème est admis, mais expliqué graphiquement. L'objectif est notamment la résolution de problèmes d'optimisation à une variable. Ces capacités doivent être entretenues à chaque nouvelle introduction d'une fonction au programme.</p>

Contenus	Capacités attendues	Commentaires
<p>Fonction logarithme népérien Définition par $\ln(1)=0$ et $\ln'(x)=1/x$ pour tout $x>0$.</p> <p>Sens de variation, signe, graphe.</p> <p>Transformation de produits en sommes.</p>	<p>Dériver la fonction \ln.</p> <p>Savoir que $\ln(a)$ et $\ln(b)$ sont rangés dans le même ordre que a et b ; que $\ln(a) = \ln(b)$ équivaut à $a = b$.</p> <p>Utiliser l'identité $\ln(ab)=\ln(a)+\ln(b)$ et ses conséquences : $\ln(a/b)$, $\ln(a^n)$, $\ln \sqrt{a}$.</p>	<p>Les autres fonctions logarithmes ne sont pas au programme. L'existence et l'unicité de la fonction \ln sont admises. Elles sont suggérées par la touche \ln de la calculatrice.</p> <p>On peut démontrer d'abord que pour $a > 0$ la fonction $x \mapsto \ln(ax) - \ln(x)$ est constante sur $]0 ; +\infty[$. Application : transformer une suite géométrique en suite arithmétique.</p>

Contenus	Capacités attendues	Commentaires
<p>Exposants réels</p> <p>Définition de a^b par $\ln(a^b)=b \ln(a)$.</p>	Utiliser les exposants, entiers ou non.	<p>a est un nombre réel strictement positif, b un nombre réel quelconque.</p> <p>On admet que tout nombre réel possède un antécédent par la fonction \ln.</p>
Propriétés des exposants.	Savoir que les propriétés des exposants entiers s'étendent aux exposants non entiers.	Lorsque b est entier, cette définition coïncide avec la définition usuelle.
Cas particulier de l'exposant $1/n$	Utiliser la notation $a^{1/n}$	Exemple : placement à durée non entière. C'est l'occasion de refaire pratiquer les exposants et la notation scientifique.
Équations et inéquations.	<p>Résoudre $x^n=a$.</p> <p>Résoudre $a^x=k, a^x < k, a^x > k$ (a et k strictement positifs donnés)</p>	<p>a est un nombre réel strictement positif, n un entier naturel non nul.</p> <p>La notation $\sqrt[n]{a}$ n'est pas exigible.</p> <p>Applications : recherche de la raison d'une suite géométrique, calcul d'un taux d'évolution moyen.</p>
Nombre e , défini par $\ln(e)=1$.	Résoudre $\ln(x) = k, \ln(x) < k, \ln(x) > k$.	Application : premier terme d'une suite géométrique franchissant un seuil donné, conséquence pour la limite d'une telle suite.

Contenus	Capacités attendues	Commentaires
<p>Fonctions exponentielles Fonction $x \mapsto e^x$, notée exp : signe, dérivée, sens de variation, graphe.</p>	<p>Savoir que $\exp' = \exp$.</p>	<p>Cela résulte de l'identité $\ln(\exp(x)) = x$, en admettant l'existence de \exp'.</p>
<p>Fonctions $x \mapsto a^x$ ($a > 0$).</p>	<p>Ecrire a^x sous la forme $e^{x \ln(a)}$.</p>	<p>Cela ramène l'étude à celle de la fonction exp. Les fonctions exponentielles interpolent les suites géométriques.</p>